

TR-633

段階的前向き仮説推論システム

太田 好彦、井上 克巳

March, 1991

© 1991, ICOT

ICOT

Mita Kokusai Bldg. 21F
4-28 Mita 1-Chome
Minato-ku Tokyo 108 Japan

(03)3456-3191 ~5
Telex ICOT J32964

Institute for New Generation Computer Technology

段階的前向き仮説推論システム

An Incremental Hypothesis-based Forward-reasoning System

太田 好彦^{*}
Yoshihiko Ohta

井上 克己^{*}
Katsumi Inoue

* (財)新世代コンピュータ技術開発機構

Institute for New Generation Computer Technology, Tokyo 108, Japan.

Keywords: hypothesis-based reasoning, default reasoning, ATMS, belief revision, Rete algorithm.

Summary :

Hypothesis-based reasoning is a basic technique for building AI systems based on incomplete knowledge. The hypothesis-based reasoning system derives conclusions despite the absence of total domain knowledge. If we give new knowledge to the system, beliefs of conclusions should be partially revised on the system.

The assumption-based truth maintenance system (ATMS) is a hypothesis-based reasoning system whose inputs are a set of propositional Horn clauses and a set of hypotheses. The ATMS is often used with a problem solver because we need logical variables to represent domain knowledge.

APRICOT/0, a hypothesis-based forward-reasoning system, consists of an compiler, the Rete-based inference engine and the ATMS. The compiler translates first-order Horn clauses and normal defaults into a Rete-like network. A Rete-like network is made up of a root node, one-input nodes, two-input nodes and terminal nodes. Allowing faster hypothesis-based reasoning, the inference engine gives intermediate justifications to the ATMS at two-input nodes and store the sets of hypotheses where those intermediate data hold. However, the whole of the input knowledge base has to be recompiled and the beliefs of conclusions have to be revised on the whole when the input knowledge base is partially modified by the user. Therefore, an incremental compiler of the input knowledge base into the Rete-like network and an incremental inference system where beliefs of conclusions are partially revised with additional knowledge including variables are required.

This paper presents a incremental hypothesis-based reasoning system which includes the incremental compiler and the incremental inference system. The incremental compiler is implemented with a modified ATMS which is called RATMS. The RATMS can efficiently offer the inference engine the updated parts of the Rete-like network. Beliefs of previous conclusions can be partially revised with additional knowledge including variables. The incremental hypothesis-based reasoning system has been implemented, and has been applied to a logic circuit design problem. The experimental result shows that beliefs of solutions are efficiently revised by additional knowledge for datapath design.

1. まえがき

仮説推論は、常に正しい知識である事実の集合と常に正しいとは限らない知識である仮説の集合とに基づき、事実の集合と矛盾しない仮説部分集合を加えて結論を導く推論形態である⁽¹⁾⁽²⁾。既に、事実や仮説をインクリメンタルに入力し現時点までに与えられた事実の集合と仮説の集合とにより多重コンテキストで仮説推論を行うAssumption-based Truth Maintenance System(ATMS)⁽³⁾が提案されている。ATMSは、後から追加される事実によって、今まで信じられていた結果が信じられなくなるというような信念の翻意を効率的に行う機能をもつ。しかしながら、事実を命題論理のホーン節、仮説を命題論理のアトムに限定しているので、適当な問題解決器とともに用いられる。

例えば、文献(4)は、ATMSに制約言語の問題解決インタフェースを設けたシステムである。また、一階述語論理のホーン節と正規デフォルト⁽⁵⁾とにより表現された知識の集合を扱う前向き仮説推論システムにAPRICOT/0⁽⁶⁾⁽⁷⁾がある。これは、ある基底仮説の集合のもとで信じられている基礎アトムと入力知識ベースの要素とのパターン・マッチングにより信じる基礎アトムを導く前向き推論エンジンと、基礎アトムの信念の状態を管理するATMSとから構成されている。ATMSは推論エンジンから与えられるデータをそれが成り立つ基底仮説の集合の集まりでラベル付けする。このラベルの計算は、Rete⁽⁸⁾に類似したネットワークの2入力ノードにおいて中間的な理由付けをATMSに送りその結果を保存する方法によって効率化できる⁽⁷⁾。このシステムにおいては、変数を含まない知識が後から知識ベースに追加される場合、ATMSの機能を用いて帰結の信念の状態の更新ができる。

しかしながら、帰納推論等によって生成した知識を用いて問題解決をするような場合や多くの深い知識、常識的知識あるいは例外を含む知識の中から段階的に知識を加えて問題解決をするような場合等においては、変数を含む知識が後から知識ベースに追加される。この場合、再び全ての知識を最初からコンパイルし直し、新たに推論を行うのは非効率である。そこで、対応するReteネットワークを部分的に修正して、Reteネットワークの変更分から推論を始めて帰結の信念の状態の部分的修正を施すような機構が要求される。

従来、プロダクション・システムを対象に、後からルールが追加された場合における、Reteネットワークのインクリメンタル・コンパイラがいくつか提案されている。荒屋ら⁽⁹⁾は、Reteアルゴリズムを利用したReteネットワークの逐次構築法を提案している。この方法は、Reteネットワークの修正段階でReteノード・メモリを初期化しなければならないので、変更後の推論は最初から行わなければならない。Lecra⁽¹⁰⁾は、一般化されたReteネットワークに動的なルール追加を可能とする方法を提案している。しかしながら、プロダクション・システムには、帰結の集合と入力知識集合との整合性維持機能がないので、最初からあるルールを含めて推論した帰結の集合と後からそのルールを追加して推論した帰結の集合は必ずしも一致しないという問題点がある。

本論文では、前向き仮説推論システムにおける段階的推論のためのインクリメンタル・コンパイラとその出力に基づく段階的な推論方式について述べる。このインクリメンタル・コンパイラは、ATMSに修正を施して実現される⁽¹¹⁾。従来のReteネットワークのインクリメンタル・コンパイラと比較すると、Reteノード・メモリを初期化する必要がなく、以前の推論実行の中間結果を用いて効率的に入力知識ベース変更後の推論が行えるという利点がある。さらに、正規デフォルト理論⁽⁵⁾に基づいてシステムの出力が決まるため、最初からある知識を含めて推論した帰結の集合と後からその知識を追加して推論した帰結の集合とが一致する。

なお、既にインプリメントされているAPRICOT/0に、この論文で述べられているインクリメンタル・コンパイラと推論エンジンを組み込み、本段階的前向き仮説推論システムの有効性を確認した。

2章では、ATMSについて概説する。3章で、段階的前向き仮説推論システムについて述べる。3・1節でそのシステムの入出力を明示し、3・2節でシステム構成とその動作の概略について示す。3・3節でインクリメンタル・コンパイラの実現方法を、3・4節でその出力を用いて段階的に推論する方式を示す。4章でその段階的前向き仮説推論システムを評価する。5章では、他の研究との関連について述べる。

2. ATMS

ATMS⁽³⁾は、命題論理のホーン節および命題論理のアトムである仮説(Assumption)が入力され、各命題(Datum:データとも呼ぶ)を以下に示すデータ構造(これをATMSノードと呼ぶ)でその信念(Belief)の状態を管理するシステムである。

<Datum, Label, Justifications, Consequents>.

$P_i (i=1, \dots, n; n \geq 0)$ および Q を命題論理のアトム、記号“ $\perp$ ”を偽とする。このとき、ATMSに入力されるホーン節は理由付けと呼ばれ、以下のいずれかの形式で記述される。

$$P_1, \dots, P_n \Rightarrow Q. \quad (1)$$

$$\Rightarrow Q. \quad (2)$$

$$P_1, \dots, P_n \Rightarrow \perp. \quad (3)$$

ここに、記号“ $\Rightarrow$ ”の左を理由付けの前件、右を理由付けの後件、理由付けの前件の各アトムに対応するATMSノードを前件ノード、理由付けの後件に対応するATMSノードを後件ノードと呼ぶ。

また、 Q が真であるという仮説を Q と区別して ΓQ (対応するATMSノードを仮説ノードと呼ぶ)と記述する。例えば、正規デフォルト: Q/Q は、以下の理由付けに対応する。

$$\Gamma Q \Rightarrow Q.$$

現時点までに入力されたホーン節の集合を J 、現時点までに入力された仮説の集合を H と記す。 H の部分集合を環境(Environment)と呼び E で表す。 J とある環境から $\perp$ が導かれるときその環境を矛盾環境(Nogood)と呼び、 J とある環境から $\perp$ が導けないときその環境を無矛盾な環境と呼ぶ。ある2つの環境 E_i, E_j に $E_i \subseteq E_j$ なる関係があるとき、 E_i を E_j の下位環境と呼び、 E_j を E_i の上位環境と呼ぶ。ある環境の集合 L において、次式で定義される集合 μL を L の極小集合と呼ぶ。

$$\mu L = \{E \mid E \in L, E \text{ と異なる } L \text{ の任意の要素は } E \text{ の下位環境でない} \}.$$

任意のデータ Q に対応するATMSノードのラベルは μL_Q である。ここに、

$$L_Q = \{E \mid E \subseteq H, J \cup E \vdash Q, E \text{ は無矛盾な環境} \}$$

である。

環境は、以下のようなデータ構造(環境ノードと呼ぶ)で管理される。

<Assumptions, Nodes>.

Assumptionsスロットには、後述のラベル計算の高速化のために、ビットベクタが格納される。環境のビットベクタ表現は、環境の要素である仮説に対応するビット位置を1、他を0とするようなビットベクタで表わすことである。ATMSノードのLabelスロットには、そのデータのラベルの要素の環境に対応する環境ノードへのポインタ(Label link)のリストが格納される。また、環境ノードのNodesスロットには、この環境ノードを指示するポインタがLabelの要素になっているATMSノードへのポインタ(Node link)のリストが格納される。

無矛盾な環境に対応する環境ノードは、ビットベクタをキーとするハッシュ表(これを

Environment Hash Tableと呼ぶ:ETと略記)で管理される。また、矛盾環境に対応する矛盾環境ノードの集合の極小集合は、Nogood Database(NDと略記)で管理される。

E_i が E_j の下位環境(E_j は E_i の上位環境)であるとき、それぞれに対応するビットベクトルを V_i , V_j とする。それぞれに対応する環境ノードを ε_{V_i} , ε_{V_j} とすれば、 ε_{V_i} は ε_{V_j} の下位環境ノード、 ε_{V_j} は ε_{V_i} の上位環境ノードと呼ばれる。

いま、形式(1)または(2)の理由付けがATMSに与えられたとすると、ラベル計算アルゴリズムは以下のとおりである。

[ステップ1] Justificationsスロットに前件ノードへのポインタ(Justification link)のリストを追加する。また、各々の P_i に対応するATMSノードのConsequentsスロットにこの後件ノードへのポインタ(Consequent link)を追加する。

[ステップ2] 前件ノードへのポインタのリストを P として、Fig.1に示す手続きを実行し、 $L_{n'} := \text{Environments}(\{\varepsilon_0\}, P, ET)$ とする(n は、前件のアトム数)。ここに、 ε_0 は空の仮説集合に対応する環境ノードを表す。以下、このように環境ノードに対応するビットベクトルを十進法で表した数を ε の添字としてその環境ノードを表すこともある。Fig.1で、ORはビット演算ORを示し、 $\text{Member}(V, ET)$ はある環境に対応するビットベクトルを V として、 $\langle V, _ \rangle$ なる環境ノードがETに登録されていればそのポインタ(これを ε_V と書く)を返し、登録されていないければnoを返す関数とする。

なお、手続きEnvironmentsを実行することは、各前件 P_i に対応するATMSノードのラベルを L_i として、集合 $\{x \mid x = \cup E_i, E_i \in L_i\}$ を計算することに相当している。

[ステップ3] 以前の後件ノードのLabelスロットの内容を L として、 $L \cup L_{n'}$ からNDの各要素の上位環境ノードを取り除いた集合、さらにその集合の極小集合を L^* とする。この L^* を後件ノードのLabelスロットに格納する。 L^* の各要素の環境ノードのNodesスロットにこの後件ノードへのポインタがなければ追加する。

[ステップ4] もし $L = L^*$ ならば終了し、さもなければ以下の処理を実行する。

[ステップ5] この後件ノードのConsequentsスロットの要素が指示するATMSノードのJustificationsスロットの各要素(リスト)でこの後件ノードへのポインタが存在する理由付けに対応するラベル計算をステップ2より行う。

また、形式(3)の理由付けがATMSに与えられたとすると、このときのラベル計算は、ステップ1からステップ4までを同様としステップ5を以下の処理とする。

[ステップ5'] L^* の各要素 ε^* に対して、次の処理を行う。 ε^* をNDに登録し、もし $\varepsilon \in ET$ なる ε が ε^* の上位環境ノードであるとき、 ε のNodesスロットの各要素が指示するATMSノードのLabelスロットから ε を削除する。その後、 ε をETから削除する。

ATMSノードの状態には、現時点でそのデータが真であると信じられている(IN状態あるいはBelievedと呼ぶ)あるいは信じられていない(OUT状態と呼ぶ)の2つの状態がある。OUT状態のATMSノードは、Labelスロットが空である。

3. 段階的前向き仮説推論システム

3.1 入出力

本システムには、一階述語論理のホーン節(Horn clause)の集合 W_t および正規デフォルト(Normal default)⁽⁵⁾の集合 D_t ($t=0, 1, \dots$)が段階的に入力される。その出力は、現時点までに入力された W_t の和集合と D_t の和集合($\cup W_t$, $\cup D_t$)のもとで信じられている基礎アトム(Atom)の集合である。

ホーン節は、以下のいずれかの形式で記述される。

$$ID :: A_1 \wedge \dots \wedge A_n \rightarrow B. \quad (4)$$

```

procedure Environments ( $L_0'$ , P, ET) :
begin
  i:=0;
  X:=P;
  while X is not empty do
    begin
      i:=i+1;
      let  $P_i$  be the first node of the list X, and  $X:=X - \{P_i\}$ ;
      make  $L_i'$  empty;
      for all  $\epsilon'_{i-1}$  in  $L_{i-1}'$  do
        begin
          let  $V_{i-1}'$  be Assumptions of  $\epsilon'_{i-1}$ ;
          for all  $\epsilon_i$  in Label  $L_i$  of  $P_i$  do
            begin
              let  $V_i$  be Assumptions of  $\epsilon_i$ ;
               $V_i' = \text{OR}(V_{i-1}', V_i)$ ;
              if Member ( $V_i'$ , ET) = no then
                begin
                  let  $\epsilon_i'$  be  $\langle V_i', [] \rangle$ ; ..... (*)
                  insert  $\epsilon_i'$  in ET
                end;
              else
                 $\epsilon_i' := \text{Member}(V_i', \text{ET})$ ;
                concatenate  $\epsilon_i'$  to  $L_i'$ 
              end
            end
          end;
        end;
      end;
    return  $L_i'$ 
  end.

```

Fig.1 Procedure Environments used in the label computation.

$$B. \quad (5)$$

$$ID::A_1 \wedge \cdots \wedge A_n \rightarrow \perp. \quad (6)$$

ここに、 $A_i (i=1, \dots, n; n \geq 0)$ 及び B は一階述語論理のアトム (Atomic formula) である。 $A_1 \wedge \cdots \wedge A_n$ を前件、 B を後件、 ID を節名と呼ぶ。

また、正規デフォルトは、 $A_1 \wedge \cdots \wedge A_n : B / B$ なる推論規則 ($n \geq 0$) に限定し、以下の形式で表わす。

$$ID::A_1 \wedge \cdots \wedge A_n \rightarrow \text{assume}(B). \quad (7)$$

ここに、 $A_1 \wedge \cdots \wedge A_n$ を前提、 B を結論、 ID をデフォルト名と呼ぶ。ただし、 $n=0$ の場合、以下の形式とする。

$$\text{assume}(B). \quad (8)$$

なお、形式 (4), (5), (7), (8) において B に含まれる全ての変数は $A_i (i=1, \dots, n; n \geq 0)$ 中に出て現していなければならないとする。

3・2 構成と動作の概略

本システムは、 W_{-1} および D_{-1} を空集合、 $N \geq 0$ とし、 $(W_0 \cup \cdots \cup W_{N-1}, D_0 \cup \cdots \cup D_{N-1})$ に対応する Rete に類似したネットワーク (Rete-like ネットワークと呼ぶ) とその推論結果が既に存在し、 (W_N, D_N) が新しく入力されたときに、 $(W_0 \cup \cdots \cup W_N, D_0 \cup \cdots \cup D_N)$ に対応する Rete-like ネットワークを生成するインクリメンタル・コンパイラ (Incremental compiler) と、それが更新するネットワークに基づいて前向き推論を実行する推論エンジン (Inference engine) と推論結果の信念を管理する ATMS とから構成されている (Fig. 2)。

Rete-like ネットワークは、Rete ネットワークと同様にルート・ノード、1 入力ノード (One-input node)、2 入力ノード (Two-input node)、終端ノード (Terminal node) およびそれらを連結するリンクから構成されているが、その目的が異なっており、ATMS のラベル計算を効率化⁽⁷⁾ する。

インクリメンタル・コンパイラには、Rete-like ネットワークの構築・変更が行えるように ATMS を修正したモジュール (Rete-like ネットワーク構築用 ATMS の意味で、以下 RATMS と呼ぶ) を利用している。基本的な考えは、ATMS の環境束を Rete-like ネットワークとみなせるということである。インクリメンタル・コンパイラに用いられる RATMS と実際の推論結果を管理する ATMS とは構成上別モジュールである。

推論エンジンはトークンのキューを持ち、融合の結果新しく IN 状態になった基礎アトムが連結される。推論エンジンは、キューから要素を取出しルート・ノードから流し、終端ノードに至るまでの途中の 2 入力ノードにおいて中間的な理由付けを ATMS に送り、その結果を保存する。

ATMS は、推論エンジンによって基礎化代入されたホーン節 (Ground Horn clause) および基底仮説 (Ground hypothesis) の集合を入力し、基礎アトムの信念の状態を管理して出力する。

3・3 インクリメンタル・コンパイラ

3・3・1 RATMS

ATMS に次の修正を施すことによって RATMS が容易に実現できる。まず、環境ノードのスロットとして Super と Sub を追加し、環境束を表現する手続きをラベル計算アルゴリズムに組み込んでいる。生成された環境束を Rete-like ネットワークとして推論時に用いるため、基礎式を保

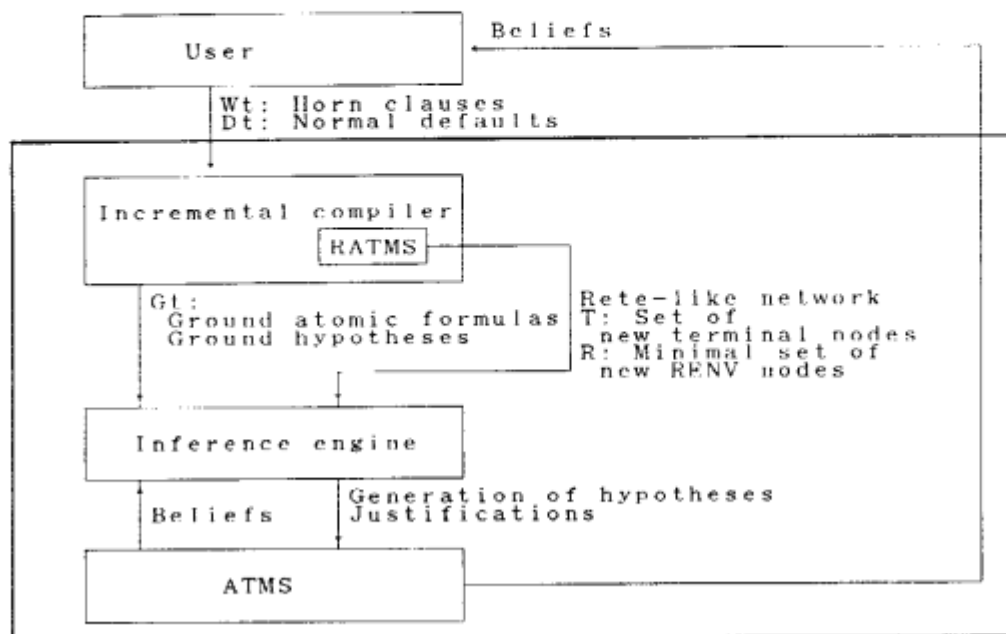


Fig.2 Configuration of an incremental hypothesis-based forward-reasoning system.

存するワーキング・メモリとしてのWMスロットを環境ノードのスロットとして設けている。

すなわち、ATMSの環境ノードのデータ構造に以下のスロットを追加する。

Super: 上位環境ノードへのポインタ (Super linkと呼ぶ) の集合 (全ての上位環境ノードではない)。

Sub: 下位環境ノードへのポインタ (Sub linkと呼ぶ) の集合 (全ての下位環境ノードではない)。

WM: Reteノード・メモリ (推論実行時に使用され基礎式の集合が保存される)。

したがって、環境ノードは、以下のようなデータ構造となる。

<Assumptions, Nodes, Super, Sub, WM>.

また、Fig. 1に示した手続きEnvironmentsの処理(*)を以下の処理とする。

```
let  $\varepsilon_i'$  be < $V_i'$ , [], [], [ $\varepsilon_{i-1}'$ ,  $\varepsilon_i$ ], []>;
```

```
insert  $\varepsilon_i'$  in Super of  $\varepsilon_{i-1}'$ ;
```

```
insert  $\varepsilon_i'$  in Super of  $\varepsilon_i$ ;
```

このように修正すると、 ε_i' は2入力ノードとみなせる。

以下、RATMSでの環境ノードをRENVノード、RATMSでのATMSノードをRATMSノード (データ構造はATMSノードと同様) と呼ぶ。

3・3・2 RATMSによるネットワークの更新

初期設定として、以下の理由付けがRATMSに送られる。

$\Rightarrow \text{root.}$

このとき生成されるRENVノード ε_0 をルート・ノードと同一視する。

インクリメンタル・コンパイラに (W_N , D_N) が入力されたとき、以下の処理を行う。

まず、初期設定として、新しく生成された終端ノードの集合を格納するためのTと新しく生成されたRENVノードの集合を格納するためのRを空とする。

W_N の各々の要素および D_N の各々の要素について以下の処理を行い、ルート・ノード ε_0 、新しい終端ノードの集合T、新しいRENVノードの極小集合Rおよび次に述べる集合 G_N を推論エンジンに出力する。

W_N 中の任意の節が形式(5)であれば G_N にその節を追加する。また、 D_N 中の任意のデフォルトが形式(8)であれば、 G_N にそのデフォルトを追加する。そうでなければ、すなわち形式(4)、(6)の節または形式(7)のデフォルトであったならば、これを κ として、その前件または前提の各アトム A_i をフリーズ(Freeze)したデータの仮説を生成するタスクをRATMSに送る。

フリーズとは、ある式に含まれる全ての変数を新しい定数記号に置き換えることを意味する。新しい定数記号として、例えば、\$を用いる。さらに複数の変数が含まれるときには\$の後に自然数を付加して区別することとする。その操作を行う関数をFとする。このようにして扱う理由は次のようである。RATMSノードをパターン・マッチングによって検索するRATMSは、変数を含むデータを登録すると次のような不都合が生じる (ATMSも同様である)。例えば、 $a(X)$ と $a(1)$ とはマッチするが、同一のRATMSノードとしては扱えない。変数を含むデータをフリーズして扱えば、 $F(a(X)) = a(\$)$ と $a(1)$ とはマッチせず、異なったRATMSノードが生成される。

いま、 $\Gamma F(A_i)$ が新しい仮説であれば新しいRENVノード ε が生成されてRに追加される。このとき、 ε_0 のSuperスロットに ε へのポインタを追加し、この ε を1入力ノードとみなす。RENVノードはビットベクタで一元管理されているので、生成される1入力ノードは複数の知識で共有可能ならば共有される。

ただし、ある一つの節の前件またはある一つのデフォルトの前提の各アトム A_i ($i=1, \dots, n$) をフリーズしたデータがその節の前件またはそのデフォルトの前提の他のアトム A_j ($i \neq j$) をフリーズしたデータと等しいときには、 $\Gamma F(A_i)$ と $\Gamma F(A_j)$ に対応する別々のRATMSノードを生

成することとする。これは、以下に述べる理由付けの結果、SuperリンクおよびSubリンクのループを避けるためである。

次に、 κ の前提あるいは前提の各アトムをフリーズしたデータの仮説を前件として、 κ をフリーズしたデータを後件とするような以下の理由付けをRATMSに送る。

$$\Gamma F(A_1), \dots, \Gamma F(A_n) \Rightarrow F(\kappa).$$

RATMSでは、この理由付けに伴うラベル計算を行う。前節の修正により、ラベル計算の中間過程で生成されるRENVノードは2入力ノードとみなせる。RENVノードは一元管理されているので、生成される2入力ノードは複数の知識で共有可能ならば共有される。このとき新しく生成されたRENVノードはRに追加される。また、この理由付けの後件を終端ノードとみなす。新しい終端ノードである $F(\kappa)$ は、Tに追加される。

W_N および D_N の全ての要素の処理が終了した時点で、Rを極小化する。また、Tの各々の要素（終端ノード）に対応するRATMSノードのLabelの要素がRの任意の要素の上位環境ノードであれば、その終端ノードをTから削除する。

以上のように、RENVノードを1入力ノードまたは2入力ノードと、仮説ノード以外のRATMSノードを終端ノードとそれぞれ同一視する。

Fig. 3は、 $W_0 = \{r::a(X) \wedge b(Y) \wedge c(Z) \rightarrow d(X, Y, Z)\}$ 、 $D_0 = \{\}$ なる入力に対応するRATMSの出力を示すものである。

3・4 インクリメンタル推論アルゴリズム

推論エンジンはトークンのキュー（Queue）を持ち、それに新しくIN状態になった基礎アトムが追加される。初期設定として、このQueueを空にする。

いま、 $(W_0 \cup \dots \cup W_{N-1}, D_0 \cup \dots \cup D_{N-1})$ のもとで信じられている基礎アトムが全て求められATMSに保存されているとし、このシステムに (W_N, D_N) が、入力されたものとする。 (W_N, D_N) は、先に述べたインクリメンタル・コンパイラにより、 $(W_0 \cup \dots \cup W_{N-1}, D_0 \cup \dots \cup D_{N-1})$ に対応するRete-likeネットワークと共有をとる形でコンパイルされる。

推論エンジンは、コンパイラにより前述のルート・ノード ϵ_0 、新しい終端ノードの集合T、新しいRENVノードの極小集合Rおよび W_N 中の形式(5)の節と D_N 中の形式(8)のデフォルトとからなる集合 G_N を入力し、Fig. 4(a)に示す主動作アルゴリズムに基づいて推論を行い、 $(W_0 \cup \dots \cup W_N, D_0 \cup \dots \cup D_N)$ のもとで信じうる基礎アトムを全て求めATMSに保存させる。

〔ステップ1〕 まず、Fig. 4(b)に示す手続きNewRENVを実行する（それらの処理が終了した後ステップ7へ）。Rの要素は、新しい1入力ノードに対応するRENVノードである（ステップ2へ）か、新しい2入力ノードに対応するRENVノードである（ステップ3へ）かのいずれかである。

〔ステップ2〕 新しい1入力ノードに対応するRENVノードである場合、そのパターンとマッチする現時点で信じられている基礎アトムが既に存在している可能性がある。この場合、そのRENVノードのSuperリンクで指示されるRENVノードに既に信じられている基礎アトムをトークンとして流す必要がある。そこで、現時点において信じられているデータ τ をトークンとして、以下の1入力ノードに関する処理を行う（ステップ4へ）。

〔ステップ3〕 新しい2入力ノードに対応するRENVノードであれば、Rの極小性により、そのSubリンクで指示されるRENVノードは必ず以前から存在していたことになる。その以前から存在していたRENVノードのWMの信じられている各々の要素をトークンとしてその新しい2入力ノードに対応するRENVノードに流す（ステップ5へ）。

〔ステップ4〕 1入力ノードに関する処理として、Fig. 4(c)に示す手続きOneInputNodeを実行する。そのRENVノードのNodesリンクで指示されるRATMSノードのDatumをメルトする。メルト(Melt)はフリーズの逆関数で\$で始まる定数記号に新たな変数を代入する操作を行う。ただ

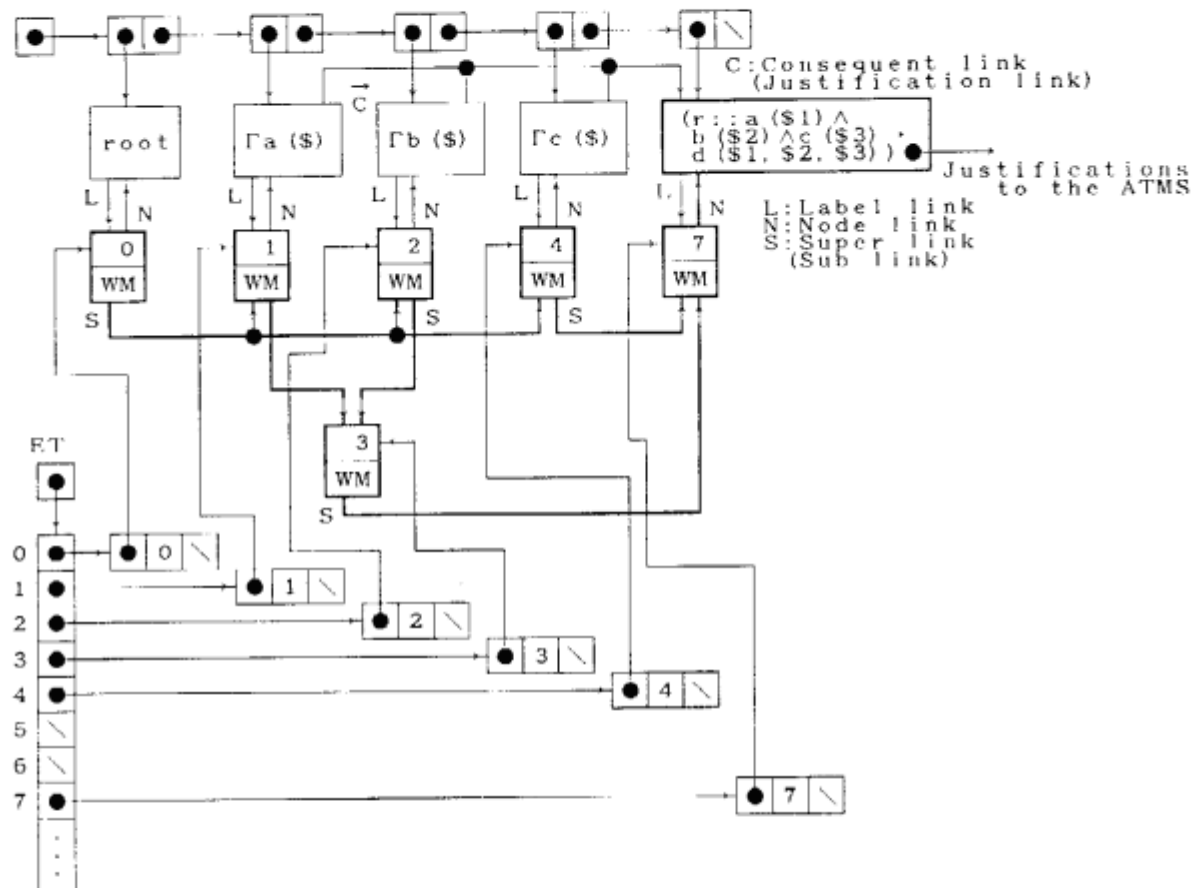


Fig.3 Example of the output of RATMS.

し、同一の定数記号に対しては同一の変数を割り当てることとする。また、メルトの関数記号をMで表すものとする。メルトしたデータが Γ_A の形式であり、アトムAがトークン τ とマッチすれば、 τ をそのRENVノードが指示する終端ノードに流し（ステップ6へ）た後、次の処理を行う。もし、 τ が依然信じられていればWMに τ を連結し、そのRENVノードが指示する2入力ノードに流す（ステップ5へ）。

〔ステップ5〕 2入力ノードに関する処理として、Fig.4(d)に示す手続きTwoInputNodeを実行する。そのRENVノードのSuperリンクで指示される各々のRENVノード ε' にトークン τ が流れてきたときに、そのSubリンクで指示される各々のRENVノードのWMの信じられている各々の要素 ω について、以下の中間的な理由付けをATMSに送る。

$$\tau, \omega \Rightarrow \tau \wedge \omega.$$

その結果の $\tau \wedge \omega$ が信じられていれば、 $\tau \wedge \omega$ をトークンとして、そのRENVノードが指示する終端ノードに流し（ステップ6へ）た後、次の処理を行う。もし、 $\tau \wedge \omega$ が依然信じられていればWMにそれを連結し、そのRENVノードが指示する2入力ノードに流す（ステップ5へ）。

〔ステップ6〕 終端ノードに関する処理として、Fig.4(e)に示す手続きTerminalNodeを実行する。そのRENVノードのNodesリンクで指示されるRATMSノードのDatumをメルトする。メルトされたデータの形式を識別し、その前件または前提がトークン τ とマッチすれば、対応する理由付けをATMSに送る。その理由付けの後件が新しいデータであれば、Queueの末尾に連結する。

〔ステップ7〕 また、前件や前提が全く同じ節やデフォルトが追加された場合は、新しいRENVノードは生成されないが、その追加知識により新しい基礎アトムがIN状態になる可能性がある。そこで、これに関する処理Fig.4(f)に示す手続きNewTerminalを実行する（それらの処理が終了した後ステップ8へ）。これは、Tの要素のLabelの要素であるRENVノードのWMの要素 ω が信じられていれば、 ω をトークンとして、そのRENVノードが指示する終端ノード（ステップ6へ）に流すことを示す。

〔ステップ8〕 Fig.4(a)に示す残りの手続きを実行する。すなわち、 G_N の要素に対応する理由付けをATMSに送り、その後件をQueueの末尾に連結する。次に、Queueの先頭から要素を取出しそれをトークンとして、ネットワークのルート・ノードから1入力ノードへ流す（ステップ4へ）。これをQueueが空になるまで行う。

4. 評価

4・1 例題

段階的前向き仮説推論システムの評価を論理回路設計問題解決を例に行う。問題は、「2つの整数の最大公約数を計算する機能を持ちチップ面積（基本セル数がある値以下）と性能（遅延時間がある値以下）の制約を満たす回路を設計せよ⁽¹⁷⁾」とする。ここでは、基本セル数が400以下、遅延時間が60[ns]以下とする。

システムへの入力、データベース設計、コンポーネント設計、テクノロジー・マッピング(CMOS)に関する知識および制約知識⁽¹⁷⁾を表現した節やデフォルトとする⁽¹⁸⁾。ここに、データベース設計知識を増やして段階的に問題解決を行うものとする。

以下に、実験のケースと入力知識ベースの状態を示す。

ケース1： W_0 は全てのテクノロジー・マッピング知識、全ての制約知識を表現した節の集合とする。 D_0 は、全てのコンポーネント設計知識とある1つのデータベース設計知識を表現したデフォルトの集合とする。

ケース2：(W_1, D_1)をケース1に追加する。

ケース3：(W_2, D_2)をケース2に追加する。

ケース4：(W_3, D_3)をケース3に追加する。

```

procedure Reason ( $G_N$ ,  $e_0$ , T, R, Queue, ATMS) :
begin
  NewRENV (R, Queue, ATMS) ;
  NewTerminal (T, Queue, ATMS) ;
  for all  $\kappa \in G_N$  do
    if  $\kappa=B$  where B is a ground atomic formula then
      begin
        give ( $\Rightarrow\kappa$ ) to ATMS;
        concatenate  $\kappa$  to the end of Queue
      end
    else
      begin
        comment  $\kappa = (\text{assume}(B))$  ;
        give ( $\Gamma_B \Rightarrow B$ ) to ATMS;
        concatenate B to the end of Queue
      end;
  while Queue is not empty do
    begin
      let  $\tau$  be the first element on Queue;
      move  $\tau$  from Queue to the root node  $e_0$ ;
      for all  $\epsilon$  in Super of  $e_0$  do
        OneInputNode ( $\epsilon$ ,  $\tau$ , Queue, ATMS)
      end
    end.

```

(a) Main procedure to reason on the Rete-like network.

```

procedure NewRENV (R, Queue, ATMS) :
for all  $\epsilon \in R$  do
  if  $\epsilon$  is a one-input node then
    for all data  $\tau$  in ATMS do
      OneInputNode ( $\epsilon$ ,  $\tau$ , Queue, ATMS)
  else
    begin
      comment  $\epsilon$  is a two-input node;
      let  $\epsilon'$  be an element of Sub of  $\epsilon$ ;
      for all believed data  $\omega$  in WM of  $\epsilon'$  do
        TwoInputNode ( $\epsilon$ ,  $\omega$ , Queue, ATMS)
      end.
    end.

```

(b) Procedure on new two-input nodes

```

procedure OneInputNode ( $\epsilon$ ,  $\tau$ , Queue, ATMS) :
begin
  for all  $\eta$  in Nodes of  $\epsilon$  do
    begin
      let  $\delta$  be Datum of  $\eta$ ;
      if  $M(\delta) = \langle \Gamma_A \rangle$  then
        if  $\exists \theta (A\theta = \tau)$  then
          begin
            TerminalNode ( $\epsilon$ ,  $\tau$ , Queue, ATMS) ;
            if  $\tau$  is believed then
              begin
                insert  $\tau$  in WM of  $\epsilon$ ;
                TwoInputNode ( $\epsilon$ ,  $\tau$ , Queue, ATMS)
              end
            end
          end
        end
      end
    end
  end
end.

```

(c) Procedure on one-input nodes

```

procedure TwoInputNode ( $\epsilon$ ,  $\tau$ , Queue, ATMS) :
begin
  for all  $\epsilon'$  in Super of  $\epsilon$  do
    for all  $\epsilon''$  in Sub of  $\epsilon'$  do
      if  $\epsilon \neq \epsilon''$  then
        for all  $\omega$  in WM of  $\epsilon''$  do
          if  $\omega$  is believed then
            begin
              give ( $\tau, \omega \Rightarrow \tau \wedge \omega$ ) to ATMS;
              if ( $\tau \wedge \omega$ ) is believed then
                begin
                  TerminalNode ( $\epsilon'$ ,  $\tau \wedge \omega$ , Queue, ATMS) ;
                  if ( $\tau \wedge \omega$ ) is believed then
                    begin
                      insert ( $\tau \wedge \omega$ ) in WM of  $\epsilon$ ;
                      TwoInputNode ( $\epsilon'$ ,  $\tau \wedge \omega$ , Queue, ATMS)
                    end
                  end
                end
              end
            end
          end
        end
      end
    end
  end
end.

```

(d) Procedure on two-input nodes

```

procedure TerminalNode ( $\epsilon$ ,  $\tau$ , Queue, ATMS) :
for all  $\eta$  in Nodes of  $\epsilon$  do
begin
let  $\delta$  be Datum of  $\eta$ ;
if  $M(\delta) = (ID :: A_1 \wedge \dots \wedge A_n \rightarrow B)$  then
if  $\exists \theta ((A_1 \wedge \dots \wedge A_n) \theta = \tau)$  then
begin
give  $(A_1 \theta, \dots, A_n \theta \Rightarrow B \theta)$  to ATMS;
if  $B \theta$  is a new datum then
concatenate  $B \theta$  to the end of Queue
end
else
if  $M(\delta) = (ID :: A_1 \wedge \dots \wedge A_n \rightarrow \perp)$  then
if  $\exists \theta ((A_1 \wedge \dots \wedge A_n) \theta = \tau)$  then
give  $(A_1 \theta, \dots, A_n \theta \Rightarrow \perp)$  to ATMS
else
begin
comment  $M(\delta) = (ID :: A_1 \wedge \dots \wedge A_n \rightarrow \text{assume}(B))$ ;
if  $\exists \theta ((A_1 \wedge \dots \wedge A_n) \theta = \tau)$  then
begin
give  $(A_1 \theta, \dots, A_n \theta, \Gamma B \Rightarrow B \theta)$  to ATMS;
if  $B \theta$  is a new datum then
concatenate  $B \theta$  to the end of Queue
end
end
end.

```

(e) Procedure on terminal nodes

```

procedure NewTerminal (T, Queue, ATMS) :
for all  $\eta \in T$  do
for all  $\epsilon$  in Label of  $\eta$  do
for all  $\omega$  in WM of  $\epsilon$  do
if  $\omega$  is believed then
TerminalNode ( $\epsilon$ ,  $\omega$ , Queue, ATMS).

```

(f) Procedure on new terminal nodes

Fig.4 Incremental reasoning algorithm.

ケース5: (W_4 , D_4)をケース4に追加する。

W_1 から W_4 は全て空集合である。 D_0 中の1つのデータベース設計知識を表現したデフォルトおよび D_1 から D_4 をFig. 5に示す。

4・2 評価方法

段階的前向き仮説推論システムのコンパイル時間と推論時間について評価する。

比較の基準とするシステムは、前向き推論エンジンとATMSとを単純に結合した仮説推論システム(Simple Combination System:SCSと呼ぶ)⁽⁷⁾⁽¹⁸⁾である。

SCSの段階的推論の方式について概要を示す。まず、初期入力知識ベース(W_0 , D_0)があるとする。 (W_0, D_0) 各々の要素をESP⁽¹³⁾のローカル節と1対1対応にコンパイルする。コンパイル結果を P_0 とし、 P_0 はATMSと通信しながら前向き推論を実行する。その結果、IN状態となる基礎アトムが全て(この集合を1とする)ATMSに保存されている。その後から追加される入力知識ベースを(W_1 , D_1)とすると、SCSのコンパイラも追加入力知識ベース(W_1 , D_1)だけをインクリメンタルにコンパイルして、(W_1 , D_1)に対応するESPオブジェクト P_1 を出力する。このとき、 P_0 と P_1 とを用いて1から推論を行う。以下、同様とする。

4・3 評価結果

Fig. 6に、本インクリメンタル・コンパイラを用いて生成したRete-likeネットワーク例を示す。図(a)は、デフォルトdatapath_1だけに関するものである。図(b)は、ケース5に対応する知識ベースに含まれるデータベース設計知識を表現した5つのデフォルトのみに関するものである。図中、ボックスの中にビットベクタを十進表現した数を記しRENVノードを示す。ただし、Nodesスロットの要素が仮説ノードや終端ノードを示す場合、そのパターン(対応するアトム)や終端ノード(デフォルト名の頭部に記号#を付けて対応するデフォルトの終端ノードを表示)をボックスの中に記しRENVノードを示す。また、同じデータのRATMSノードが複数存在する(例えば、register(A,B), A,Bは変数)が、それらのLabelの要素のRENVノードについては1つだけ示している。

datapath_2は、datapath_1と ε_3 から ε_{223} までを共有した構造になっている。datapath_3も同様である。datapath_4は、それらの知識と ε_3 から ε_{207} までを共有した構造になっている。datapath_5も同様である。

また、インクリメンタルな推論実行について、ケース2を例に説明する。新しく生成されたRENVノードの集合の極小集合は、 $\Gamma_{\text{subtractor_with_CMPL}}(\$1, \$2)$ に対応するRATMSノードのLabelの要素のRENVノードのみからなる集合である。そのパターンとマッチするIN状態の基礎アトムをそのRENVノードのWMスロットに追加して、その基礎アトムをトークンとしてそのSuperリンクで指示されるRENVノードに送る。そこでは、以前の推論処理で既にラベル計算の終わっている ε_{223} のWMの要素と連言がとられ中間的な理由付けがATMSに送られる。その中間的なデータはデフォルトdatapath_2の終端ノードに送られる。ケース3からケース5においても、RENVノードの共有が存在し、入力知識ベースの変更前に行われたラベル計算の中間結果を有効に活用して、変更後の推論を効率的に行う。

Table 1に、PSI-II⁽¹²⁾マシン上のインクリメンタルなコンパイル時間 T_c と推論時間 T_r とに関する本システムのデータとSCSのデータとを示す。実験結果によると、ケース1で、本システムの方が約3割コンパイル時間が長い。しかし、ケース2からケース3では、ほとんどコンパイル時間の差はない。一方、それらのコンパイル結果を用いた推論時間については、ケース1で、本システムの方が5倍高速である。また、ケース2からケース5の結果で、入力知識ベースが変更されるたびに本システムの推論実行効率が高くなっていく(1.2倍から5.9倍程度)ことがわかる。これは、SCSにおいては入力知識ベースの変更を繰り返すと変更前の推論

```

D0 = { .....
  datapath_1 ::
    control_box (X1, N1) ∧ inverter (X2, N2) ∧
    register (X3, N3) ∧ register (X4, N4) ∧
    multiplexer (X5, N5) ∧ multiplexer (X6, N6) ∧
    comparator (X7, N7) ∧ subtracter_with_MUX (X8, N8) →
    assume (calculator_of_GCD ([X1, X2, X3, X4, X5, X6, X7, X8],
                                N1+N2+N3+N4+N5+N6+N7+N8)) } .

D1 = {datapath_2 ::
  control_box (X1, N1) ∧ inverter (X2, N2) ∧
  register (X3, N3) ∧ register (X4, N4) ∧
  multiplexer (X5, N5) ∧ multiplexer (X6, N6) ∧
  comparator (X7, N7) ∧ subtracter_with_CMPL (X8, N8) →
  assume (calculator_of_GCD ([X1, X2, X3, X4, X5, X6, X7, X8],
                              N1+N2+N3+N4+N5+N6+N7+N8)) } .

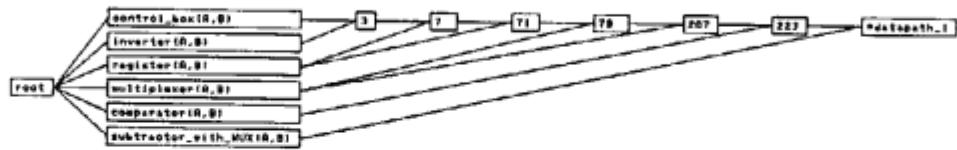
D2 = {datapath_3 ::
  control_box (X1, N1) ∧ inverter (X2, N2) ∧
  register (X3, N3) ∧ register (X4, N4) ∧
  multiplexer (X5, N5) ∧ multiplexer (X6, N6) ∧
  comparator (X7, N7) ∧ subtracter (X8, N8) ∧
  subtracter (X9, N9) →
  assume (calculator_of_GCD ([X1, X2, X3, X4, X5, X6, X7, X8, X9],
                              N1+N2+N3+N4+N5+N6+N7+N8+N9)) } .

D3 = {datapath_4 ::
  control_box (X1, N1) ∧ inverter (X2, N2) ∧
  register (X3, N3) ∧ register (X4, N4) ∧
  multiplexer (X5, N5) ∧ multiplexer (X6, N6) ∧
  comparator_on_SUB_with_CMPL (X7, N7) →
  assume (calculator_of_GCD ([X1, X2, X3, X4, X5, X6, X7],
                              N1+N2+N3+N4+N5+N6+N7)) } .

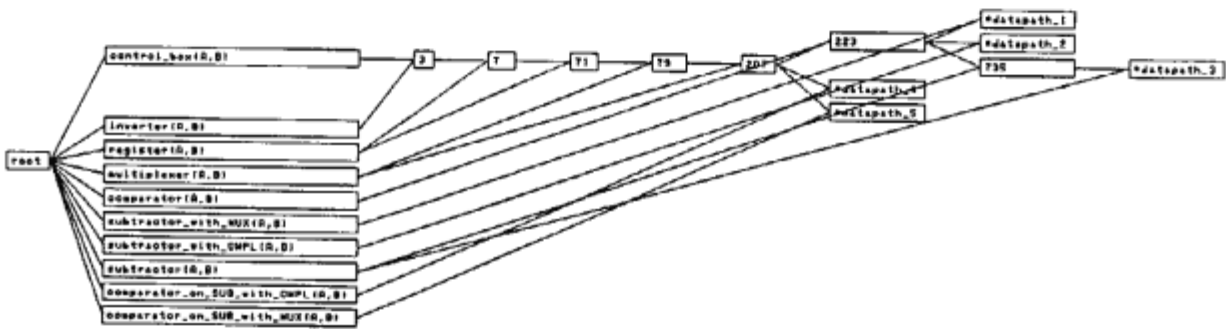
D4 = {datapath_5 ::
  control_box (X1, N1) ∧ inverter (X2, N2) ∧
  register (X3, N3) ∧ register (X4, N4) ∧
  multiplexer (X5, N5) ∧ multiplexer (X6, N6) ∧
  comparator_on_SUB_with_MUX (X7, N7) →
  assume (calculator_of_GCD ([X1, X2, X3, X4, X5, X6, X7],
                              N1+N2+N3+N4+N5+N6+N7)) } .

```

Fig.5 Defaults representing datapath design knowledge.



(a) In Case 1.



(b) In Case 5.

- One-input nodes are denoted by boxes with melted patterns.
- Two-input nodes that have no terminal node are denoted by boxes with numbers.
- Two-input nodes that have a terminal node corresponding to a clause or a default named ID are denoted by boxes with #ID.

Fig.6 Rete-like network corresponding to the defaults
representing datapath design knowledge.

Table 1 Evaluation of the incremental hypothesis-based
forward-reasoning system.

·Tc: Compiling time on the incremental hypothesis-based forward-reasoning system.

·Tr: Reasoning time on the incremental hypothesis-based forward-reasoning system.

·Tc': Compiling time on SCS.

·Tr': Reasoning time on SCS.

Case	Number of total caluses	Number of total defaults	Number of solutions	Tc [s]	Tr [s]	Tc' [s]	Tr' [s]	Ratio Tr'/Tr
1	44	5	0	16.4	1.4	12.8	6.5	5
2	44	6	0	1.1	0.3	1.1	3.7	12
3	44	7	0	1.1	0.4	1.1	7.1	18
4	44	8	0	1.0	0.8	1.0	24.2	30
5	44	9	2	1.0	0.5	1.0	29.3	59

と重複した計算が避けられないのに対して、本システムではそれをうまく避けることができることによる。さらに、それぞれのケースにおいて、 T_c と T_r との和は、常に本システムの方がSCSに比べ短い。以上、本システムは、段階的仮説推論を効率的に行うことが確認された。

5. 他の研究との関連

5.1 Reteアルゴリズムとの相違点

OPS5⁽¹⁴⁾等の連言的パターン・マッチングの効率化のために開発されたReteアルゴリズムは、ネットワーク内にパターン・マッチングの中間結果を保存し、ワーキング・メモリの変更分のみをトークンとしてネットワークに流すものである。これにより、複数のルールによって1入力ノードや2入力ノードが共有される場合、重複したパターン・マッチング処理を避けることができる。いわば、変数間の束縛値に関する制約評価を部分的に行いその中間結果を保存するのが、Reteアルゴリズムである。

Rete-likeネットワークを用いる目的は上記と異なり、ATMSを用いた前向き仮説推論システムにおけるATMSの全ラベル計算コストの減少にある。

RATMSを用いたコンパラが出力するネットワークは、パターン・マッチングの効率化という点に関しては、不十分な点がある。それは、パターン・マッチング処理を1入力ノードと終端ノードのみで行っており、2入力ノードではそれを行わないようになっているからである。しかしながら、この点は、ラベル計算の効率化という点からすれば、利点となることも多い。

例えば、2つ以上のアトムの変数間の束縛に関する制約がある知識と、その制約のないアトムの連言がある知識が存在する場合を考える。その制約を終端ノードで評価することにすれば、制約のあるアトムの連言の基礎式のラベル計算は、制約のないアトムの連言の基礎式の集合のある要素のラベル計算結果として利用可能である。すなわち、ラベル計算が共有できる。これに対して、2入力ノードをアトムの変数間の束縛に関する制約を含めて考えると、制約のあるアトムの連言に対応する2入力ノードと制約のないアトムの連言に対応する2入力ノードが別々になってしまい、そのラベル計算は共有されなくなってしまう。

[具体例]

$$W_0 = \{r1::a(X) \wedge b(Y) \rightarrow d(X,Y), r2::a(X) \wedge b(X) \rightarrow c(X)\}, \\ D_0 = \{\text{assume}(a(1)), \text{assume}(b(1)), \text{assume}(b(2))\}$$

なる知識ベースがあったとする。このとき、本システムにおいては、 $a(X) \wedge b(Y)$ に相当する2入力ノードが1個だけ存在する。この2入力ノードにおいて、以下の理由付けが送られる。

$$J1:a(1), b(1) \Rightarrow a(1) \wedge b(1). \\ J2:a(1), b(2) \Rightarrow a(1) \wedge b(2).$$

このように、2入力ノードを1つにしておくことにより、J1による中間的なラベル計算が節r1,r2で共有できる。

5.2 ネットワーク構造に関する考察

以下に、本論文で示したインクリメンタル・コンパイラによって生成されるネットワークの構造について考察する。Fig.1のアルゴリズムを用いると左優先の線形Reteネットワーク⁽¹⁵⁾になる。ラベル計算の制御を変えることにより、バイナリReteネットワーク⁽¹⁵⁾や一般化されたReteネットワーク構造⁽¹⁰⁾とほぼ同様な構造が得られる。

また、変数をフリーズして先のような理由付けを受けるRATMSは、JustificationsリンクおよびConsequentsリンクで構成されるネットワークをも同時に作成する。このネットワークは、複数の1入力ノードからのリンクが終端ノードでマージされ、2入力ノードがないという性質をもつ。そこで、このネットワークを利用する解釈器を構成すれば、それはTREAT⁽¹⁶⁾アルゴ

リズムと似た推論エンジンとなる。

6. むすび

以上、前向き推論エンジンとATMSとを結合した仮説推論システムにおけるインクリメンタル・コンパイラの実現方法とその出力を扱う推論アルゴリズムを示した。これらによって構成できる段階的前向き仮説推論システムは、変数を含む知識を段階的に追加できるようにATMSを拡張したものと考えられる。この仮説推論システムは、今までに与えられた知識と矛盾するかもしれない新しい変数を含む知識を後から追加する状況が頻繁に起こり得るような知識システムの効率的なツールとして用いることができる。また、論理回路設計問題を例に実験を行った結果、特に入力知識ベースが変更された後の推論実行効率が極めて良いことが確認された。

なお、RATMSを用いて生成される Rete-like ネットワークにおいて、ノードが入力知識の増加に伴い単調に増加するので、その削除の技術が必要と考えられる。この点に対して、RATMSに Nogood を送ることによりノードを削除することができる⁽⁶⁾⁽¹¹⁾。しかしながら、このようにして削除された知識は Nogood データベースに残るために再度追加することができない。したがって、入力知識が頻繁に削除・追加される状況に対応するためには、柔軟にネットワークを変形操作するための方法が課題として残される。また、RATMSを用いて生成されるネットワークを最適化⁽¹⁹⁾する方法についても今後検討したい。この点に関しては、全ての仮説の組合せに対応する環境ノードの集合とその要素間の上位および下位関係を考えた完全束上で、全ての終端ノードのラベルの要素の下位環境ノードを取出し、一番共有度の高い環境ノードを2入力ノードとみなすと、ある意味で最適なネットワーク構造を生成できると考えられる。

謝 辞

本研究の機会を与えて下さり、常に御指導頂いている ICOT 渕一博所長、第五研究室 長谷川隆三室長に深く感謝致します。また、御指導頂いた NTT データ 生駒憲治氏、NTT 藤井裕一氏、本論文をまとめるにあたり多くの貴重なコメントを頂いた ICOT 古川康一次長、論理回路設計問題領域から貴重なコメントを頂いた富士通研究所 丸山文宏氏、論理回路合成問題への適用実験に御協力頂いた JIPDEC 大崎宏氏ならびに中島誠氏に深く感謝致します。さらに、討論して頂いた ICOT 研究員の方々に感謝します。

◇参考文献◇

- (1)石塚満： 不完全な知識の操作による次世代知識ベース・システムへのアプローチ，人工知能学会誌，Vol. 3, No. 5, pp. 22-32(1988).
- (2)Inoue, K.: Problem Solving with Hypothetical Reasoning, Proc. of the International Conference on Fifth Generation Computer Systems, Vol. 3, pp. 1275-1281(1988).
- (3)deKleer, J.: An Assumption-based TMS, Artif. Intell., Vol. 28, pp. 127-162(1986).
- (4)deKleer, J.: Problem Solving with the ATMS, Artif. Intell., Vol. 28, pp. 197-224(1986).
- (5)Reiter, R.: A Logic for Default Reasoning, Artif. Intell., Vol. 13, pp. 81-132(1980).
- (6)井上克巳，太田好彦： 仮説推論システムAPRICOT/0による知識コンパイル，人工知能学会研究会資料SIG-KBS-8805-6, pp. 51-60(1989).
- (7)太田好彦，井上克巳： ATMSを用いた前向き仮説推論システムにおける効率的な推論方式，人工知能学会誌，Vol. 6, No. 2, 掲載予定(1991).
- (8)Forgy, C. L.: Rete: A Fast Algorithm for the Many Pattern/Many Object Pattern Match Problem, Artif. Intell., Vol. 19, pp. 17-37(1982).
- (9)荒屋真二，百原武敏，田町常夫：知識ベースの逐次構造化-Reteネットワークの逐次構築法-，信学論D, Vol. J71-D, No. 6, pp. 1100-1108 (1988).
- (10)Lee, H. S. and Marshall, I. S.: Dynamic Augmentation of Generalized Rete Networks for Demand-Driven Matching and Rule Updating, Proc. of the Sixth Conference on Artificial Intelligence Applications, pp. 123-129(1990).
- (11)太田好彦，井上克巳： ATMSによるRete-Likeネットワークの逐次構築，情報処理学会第38回全国大会講演論文集，Vol. 1, pp. 420-421(1989).
- (12)Nakashima, H. and Nakajima, K.: Hardware Architecture of the Sequential Inference Machine: PSI-II, Proc. of the Symposium on Logic Programming, pp. 104-113(1987).
- (13)Chikayama, T.: Unique Features of ESP, Proc. of the International Conference on Fifth Generation Computer Systems, pp. 292-298(1984).
- (14)Brownston, L., Farrell, R. and Elaine, K.: Programming Expert Systems in OPS5, Addison-Wesley(1985).
- (15)Gupta, A.: Parallelism in Production Systems, PhD thesis, Department of Computer Science, Carnegie Mellon University(1985).
- (16)Miranker, D. P.: Performance Estimates for the DADO Machine: A Comparison of TREAT and RETE, Proc. of the International Conference on Fifth Generation Computer Systems, pp. 449-457(1984).
- (17)Maruyama, F., Kakuda, T., Masunaga, Y., Minoda, Y., Sawada, S. and Kawato, N.: co-LODEX: A Cooperative Expert System for Logic Design, Proc. of the International Conference on Fifth Generation Computer Systems, Vol. 3, pp. 1299-1306(1988).
- (18)Ohta, Y. and Inoue, K.: A Forward-Chaining Multiple-Context Reasoner and Its Application to Logic Design, Proc. of the 2nd International IEEE Conference on Tools for Artificial Intelligence, pp. 386-392(1990).
- (19)石田 亨： プロダクションシステムにおける条件記述の最適化，情報処理学会論文誌，Vol. 29, No. 12, pp. 1158-1169(1988).