

(2) $f(a)$ は、ペトリネット行列のカーネルベクトルである。つまりベクトル $f(a)$ が発火可能ベクトルであれば、次式を満たす。

$$f(a) \cdot D = 0$$

(3) $f(a)$ の示すトランジションの発火列において、少なくとも一つは、すべて(a)式を満たす発火列を持つ。

項目(3)では、 $f(a)$ が擬似解(トランジションの可能な発火列に対応しない解)ではないことを意味している。

このとき、発火可能ベクトルとなる $f(a)$ は、マーキング μ が μ 自身から可達となるときの解になる。もし μ においてアイドル状態を示すプレースのみにトークンがあるならば、 $f(a)$ が一つのサービスであるといえる。

5 単一のサービスの発見

本システムのペトリネットグラフに発火可能ベクトルを適用して新サービスを求めることができる。発火可能ベクトルで表されるサービスは、複数の単一のサービス(他のどのようなサービスの和でも表せないサービス)の和により構成される場合が多い。しかし新サービスとは、既存のサービスの和により構成されるものではない。そこですべての単一のサービスと、既存のサービスが単一のサービスであることが分かれれば、新サービスを求めることは容易にできる。次の2条件は、発火可能ベクトルから単一のサービスを求めるためのものである。

(I)マーキング μ にトークンが存在しているプレース以外のプレースにおいて、そのプレースに含まれるトークンが、常にそのプレースに対するトランジションからの入力アーク数をこえてはならない。

(II)移動する任意の2つのトークンが、ある時点において直接的あるいは間接的に関係しなければならない。

①直接的とは、複数のトークンが、あるトランジションにより同時に発火し、同じプレースに同時に含まれる時のトークン間関係のことをいう。

②間接的とは、直接的なトークンを通ることにより、2つのトークンが関係づけられ、その2つのトークンが直接的な関係になっていない場合のことをいう。例えば、 a と b が直接的関係、 b と c が直接的関係であり、 a と c が間接的関係でなければ、 a と c を間接的関係という。

次に、(I),(II)の2つの条件について簡単に説明する。

5.1 プレースに存在するトークン数の条件

(I)の条件は、プレースに存在するトークン数を制限することにより、発火可能ベクトルの一次従属なベクトルを単一のサービスの発火可能ベクトルとするときのものである。ペトリネットグラフのモデルで例を示す。(図3)

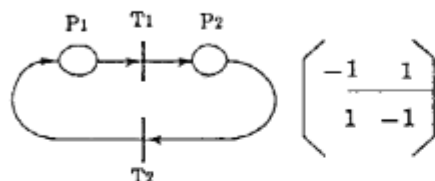


図3 条件(I)により制約を受ける例

この行列のカーネルベクトルは (n,n) (但し n は非負整数)となる。初期マーキングを $\mu=(2,0)$ とすると、 T_1 発火 $\rightarrow T_2$ 発火よりマーキングは元に戻り $(1,1)$ は発火可能ベクトルとなる。次に、ベクトル $(2,2)$ を考えた場合において、 $T_1 \rightarrow T_1 \rightarrow T_2 \rightarrow T_2$ と発火することは可能である。このことは、 T_1 を発火し、その後 T_2 を発火するというを二度繰り返しているに過ぎない。このような場合は、 P に存在するトークンの最大数を入力アーク数とすることにより、単一のサービスによる発火可能ベクトルを一意に決めることができる。

5.2 ペトリネットにおけるトークン間関係

(II)の条件は(I)と同様に、単一のサービスの発火可能ベクトルを求めるために制限を行うものである。一例を図4に示す。

この行列におけるカーネルベクトルは (n,n,n) (但し n は非負整数)となる。初期マーキングを $\mu=(2,0,0)$ とすると、 $T_1 \rightarrow T_2 \rightarrow T_1 \rightarrow T_2 \rightarrow T_2 \rightarrow T_1$ 発火よりマーキングは元に戻りベクトル $(2, 2, 2)$ は発火可能ベクトルとなる。また、(I)の条件も満たすが、この場合も $T_1 \rightarrow T_2 \rightarrow T_2$ と発火することを二度繰り返すことに過ぎない。このような場合については、移動する2つのトークンの関係を検証することにより、単一のサービスによる発火可能ベクトルを一意に決めることができる。

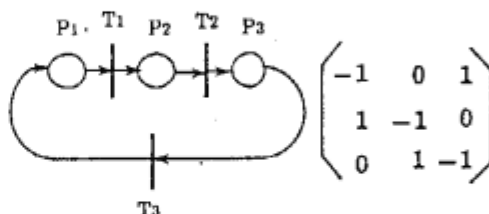


図4 条件(II)により制約を受ける例

6 統合後のTSGから新サービスが求まる例

実際に、図2のペトリネットグラフにより新サービスを求めてみる。図2で統合する前の3つのサービスのベクトルは、以下の3ベクトルである。

$$\begin{aligned} p &= (1,0,1,0,0,1,1,1) \\ q &= (0,0,0,1,1,0,0,0) \\ r &= (1,1,0,0,0,0,0,0) \end{aligned}$$

この3つのベクトルは一次独立なベクトルである。また、他の一次独立なカーネルベクトルは、以下のものである。

$$s = (1,0,1,1,0,0,0,0)$$

それについて発火順序を求めると、 $T_1 \rightarrow T_2 \rightarrow T_4$ のルートが成り立つことがわかる。またベクトル s は、条件(I),(II)も満たす。よってベクトル s は発火可能ベクトルとなり、新サービスといえる。次にベクトル p,q,r,s による一次従属なベクトルの中に、新サービスがあるかどうかを調べる。ここでは、発火ベクトル $f(a)$ を、次の範囲で調べる。

$$f(a) = \sum_{i=1}^8 \alpha_i e(i), (0 \leq \alpha_i \leq 2, \alpha_i \text{ は整数}; \sum \alpha_i \neq 0)$$

ベクトル p,q,r,s の4つの一次独立なベクトルによって、上の式を満たすような一次従属なベクトル $f(a)$ は、37個存在する。それらの中で、4章の定義(3)を満たし、かつ条件(I),(II)を満たすベクトルは、 p,q,r,s 及び

$$t = (0,0,0,0,1,1,1,1)$$

の5つである。よって図2のペトリネットによる行列から、ベクトル p,q,r 以外の単一のサービスによる発火可能ベクトル s,t を求めることができる。このことは、 p,q,r を統合することにより、新サービス s,t が求まることを意味する。

7 おわりに

ペトリネットを用いて表現した設計仕様に、関数行列を使用した解析を行って新サービスの発見に適用した。今後は、色つきトークンの導入されたシステムにも関数行列を使用した解析の可能性を、調べてみるつもりである。

なお、本研究は第5世代コンピュータプロジェクトの一環として行っているものである。

参考文献

- [1]青柳他:"通信システムにおける仕様設計エキスパートシステムの一例",信学研資, SE86-10,(1986)
- [2]J.L.Petersen:"Petri Net Theory and Modeling of Systems",Prentice-Hall,(1981)
- [3]長谷川他:"ペトリネットを利用した通信システム設計仕様の解析",信学会第2回ネット理論研究会, pp.75-84(1986)